Contrôle continu 2

Physique 2:1 ère Année ST 2012/2013, Section 5.

Exercice 1 (3.25 points)

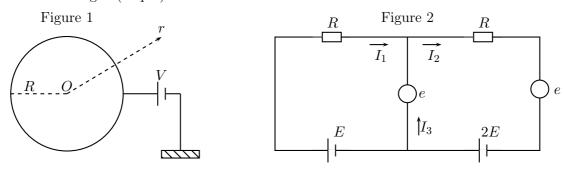
Une sphère conductrice de rayon R est portée au potentiel V (Figure 1) et porte une charge Q.

- 1. Représenter la charge Q sur le conducteur. (0.5pts)
- 2. En utilisant le théorème de Gauss, calculer le champ électrique créé par cette sphère dans la région r > R. (1.25pts)
- 3. En déduire le potentiel dans cette région, sachant qu'il est nul à l'infini. (1pt)
- 4. Quelle est la capacité de ce conducteur? (0.5pts)

Exercice 2 (4.25 points)

Le circuits de la figure 2 comporte deux générateurs de f.e.m E et 2E, deux récepteurs identiques de f.c.e.m e et deux résistances R égales.

- 1. Déterminer les intensités I_1 , I_2 et I_3 circulant dans les trois branches du circuit. (1.5pts)
- 2. A quelle condition ce circuit fonctionne-t-il? (0.5 pts)
- 3. Calculer la valeur numérique de I_1 , I_2 et I_3 pour E=4 V, e=1 V et $R=2\Omega$. (0.75pts)
- 4. Faire un bilan d'énergie. (1.5pts)



Solution Contrôle continu 2

Physique 2:1 ère Année ST 2012/2013, Section 5.

Exercice 1

- 1. Répartition de charges positives en surface. (0.5)
- 2. Représentation de la surface de Gauss et du champ. (0.25)

$$\int_{S_G} \vec{E}.\vec{dS} = \frac{Q}{\varepsilon_0} \text{ (0.25)}, E \text{ constant sur } S_G \text{ et parallèle à } \vec{dS} \text{ (0.25)}$$

$$\int_{S_G} \vec{E}.\vec{dS} = ES_G = E4\pi r^2 \text{ (0.25)}, E = \frac{Q}{4\pi\varepsilon_0 r^2} \text{ (0.25)}$$

3.
$$V(r) = -\int \vec{E} \cdot d\vec{l} = -\int E dr \ (0.25), \ V(r) = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r} + C \ (0.25),$$

$$V(\infty) = C = 0 \ (0.25), \ V(r) = \frac{Q}{4\pi\varepsilon_0 r} \ (0.25)$$

$$V(\infty) = C = 0 \ (0.25), \ V(r) = \frac{Q}{4\pi\varepsilon_0 r} \ (0.25)$$

 $4. \ V = V(R) = \frac{Q}{4\pi\varepsilon_0 R} \ (0.25) \Longrightarrow C = \frac{Q}{V} = 4\pi\varepsilon_0 R. \ (0.25)$

Exercice 2

1 Nœud : $I_1 + I_3 = I_2$ (0.25)

Maille 1 : $RI_1 - e - E = 0$ (0.25)

Maille 2:
$$RI_2 + e - 2E + e = 0$$
 (0.25)

$$I_1 = \frac{E+e}{R} \ (0.25), \ I_2 = \frac{2(E-e)}{R} \ (0.25), \ I_3 = I_2 - I_1 = \frac{E-3e}{R} \ (0.25)$$

2. Condition
$$I_2 \geq 0$$
 et $I_3 \geq 0$ (0.25) $\Longrightarrow E \geq 3e$ (0.25)

3.
$$I_1 = 2.5 \text{ A} (0.25), I_2 = 3 \text{ A} (0.25), I_3 = 0.5 \text{ A} (0.25)$$

4. Bilan
$$P_{fournie} = 2EI_2 + EI_1 = 34 \text{ W } (0.25) + (0.25),$$

$$P_{utils\acute{e}e} = eI_2 + eI_3 = 3.5 \,\text{W} \,\,(0.25) + (0.25),$$

$$P_{dissip\acute{e}e} = RI_1^2 + RI_2^2 = 30.5 \,\mathrm{W} \, (0.25) + (0.25)$$

